

中華民國第四十四屆中小學科學展覽會

作者說明書

高中組化學科

040204

國立花蓮女子高級中學

指導老師姓名

陳玉時

閻國中

作者姓名

王奕婷

曾思佳

熊思媛

第 44 屆中小學科學展覽會

作品說明書

科 別：化 學 科

組 別：高 中 組

作 品 名 稱：1/5 的疑惑

- 溺熄蠟燭實驗的探討

關 鍵 詞：溺熄蠟燭實驗、道耳吞分壓定律

理想氣體方程式

編 號：

壹、摘要

在悶熄蠟燭的實驗中，水位會上升多少？以往都是以「燃燒消耗空氣中 1/5 的氧氣，所以水位會上升 1/5」來說明，並藉由水位上升高度為容器高度之若干比例來加以證明。但當我們探討其中的變因時，除了發現此說法是不恰當的，此外也找出影響水面升降的因素，包括：不同的容器、蠟燭的粗細與長短、火焰的大小以及瓶內溫度的高低等，並發現最主要的因素，是氣體的熱脹冷縮。由於此現象使得瓶內氣體在瓶子密蓋之前因受熱膨脹而逸出瓶外，而且水位在火焰熄滅前會因燭火忽滅忽明而有升降，並於火焰熄滅後瞬間快速上升，充分說明了瓶內空氣的熱脹冷縮對水位的影響。

因此我們利用點火槍取代蠟燭，在無空氣逸出的實驗條件下，將點火槍點燃。在假設點火槍釋出的丁烷完全燃燒、二氧化碳在短時間內不溶於水中以及水蒸氣完全液化的前提下，根據實驗所得水位上升的體積分率(1/67)，求出在燭火熄滅後瓶中仍存有 9.52%的氧氣。此結果與文獻所述，利用色譜分析求得的結果(11%)相近。

如果我們以點火槍結果，模擬蠟燭燃燒，來對照我們蠟燭實驗的結果，在模擬的過程中，我們設法測出蠟燭燃燒時瓶內的溫度（將蠟燭與容器頂端之中點的溫度視為瓶內的均溫）將因受熱膨脹而逸出瓶外的氣體扣除，又因蠟燭燃燒前後的質量變化極小，無法以天平秤得，故以丁烷燃燒後殘留 9.5%的氧氣來模擬蠟燭燃燒後的狀況，並將瓶中蠟燭所佔體積扣除，利用理想氣體方程式求出水位應上升的體積分率為 1/6.5，此數據與我們的實驗結果 (1/7.7) 相近。

貳、研究動機

有一次化學老師在提到廣口瓶吞蛋之實驗的現象時，提出了這樣的一個想法：如果在“吞蛋”的過程中，只是單純的消耗氧氣，則在加熱的時候，不應該會有不穩定的跳動，而是從一開始就很平順的被吸入瓶內」從這一個想法出發，我們想到了，國中教材⁽¹⁾上有提到「蠟燭在廣口瓶內燃燒，會因消耗了空氣中 1/5 的氧，而使瓶內水位上升 1/5。」但我們認為，由「燃燒消耗空氣中 1/5 的氧，推得水位會上升 1/5」是不合理的。因此，我們探討了幾個可能影響水位上升的因素，並提出以下的假設：

(一) 假設蠟燭的組成為 C_nH_{2n+2} (且不考慮燭蕊部分及不完全燃燒) 若能完全燃燒生成 CO_2 與 H_2O ，則反應式可寫為：



根據反應式係數：

反應消耗 $(3n+1)/2$ mole 的氣體，生成 $(2n+1)$ mole 的氣體；

若水蒸氣液化，則體積減少 $(n+1)/2$ 。

又因空氣中氧佔 $1/5$ ，所以容器內空氣可表為 $5(3n+1)/2$ ，

若造成水位上升 $1/5$ ，則：

$$[(n+1)/2] / [5(3n+1)/2] = 1/5 \text{ 解出 } n=3n, \text{ 此結果不合理。}$$

(二)若水蒸氣完全液化且生成的二氧化碳全溶於水，瓶內水位才有可能上升 $1/5$ ，

但 CO_2 對水的溶解度實際上並不 NTP 下，1升水可溶0.83升 CO_2 ⁽²⁾。

而且溶解平衡並不能在數秒內達成，故假設 CO_2 完全溶於水並不合理。

(三)一般而言，在氧氣濃度太低時，是無法進行燃燒的。因此，我們認為氧氣在瓶內應該不至於消耗殆盡。並由文獻⁽³⁾得知，在蠟燭燃燒實驗結束後，瓶內氣體經“色譜分析，仍有10%以上氧氣存在。

(四)氣體受熱時會熱脹冷縮，可能在加熱時將氣體排出，瓶內溫度下降時再將水吸入，但此一因素並不能由反應式或教科書上所述內容得知其影響的多寡。

綜合以上幾點，我們知道，瓶內水位會上升，不單只有一個變因，除了上述所提及的因素外，甚至包括蠟燭的高度、燭火的大小、不同容器等等，是不是也會影響水位上升的情形？

最後，為了知道「水位上升的體積分率」到底為何？我們將試著求得瓶內氧氣的殘留量，並利用道耳吞分壓定律和理想氣體方程式，配合實驗結果來進行推測，讓此實驗更趨於完備，以解心頭之惑！

參、目的

一、找出悶熄蠟燭實驗中影響水位上升的因素

二、求出燃燒後瓶中 $\boxed{\text{氧氣的殘留量}}$

三、推測出 $\boxed{\text{水位上升分率}}$

肆、實驗器材：

一、蠟燭（神光牌，直徑1.88cm）

二、保鮮盒

三、大試管（內徑4.1cm，高度20cm）

四、玻璃片

五、附溫度計之大試管

六、點火槍（螢光牌，燃料：丁烷）



七、鐘型瓶 (內徑 8.9cm，高度 18cm，體積 831.5ml)



伍、實驗方法及流程：

一、蠟燭實驗：

步驟一：將蠟燭固定於玻璃片邊緣，置於保鮮盒內。

步驟二：在保鮮盒內加入 1 公分之水。

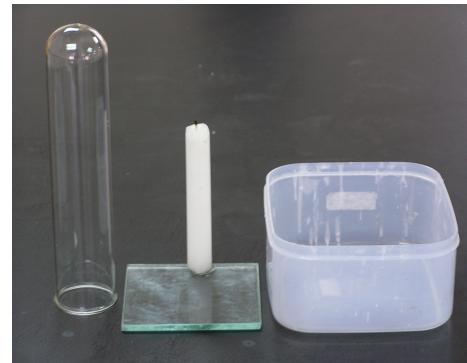
步驟三：點火，控制火焰大小約 1.5 公分。

步驟四：將大試管管口朝下，用玻璃片蓋住，
以防止氣體提早受熱膨脹外冒。

步驟五：在與燭火齊高處快速將大試管垂直蓋上。

步驟六：觀察火焰、液面變化情形及燃燒時間並加以紀錄。

〈※備註：每人都事先練習過蓋瓶之動作 50 次以上，使人為影響因素降至最低。〉



二、溫度計實驗：

步驟一：請玻璃師傅在大試管正上方鑽孔，用熱融膠將
溫度計固定於蠟燭至大試管頂端一半之距離⁽⁴⁾。

步驟二到步驟六與蠟燭實驗同。



三、點火槍實驗：

步驟一：將保鮮盒底部穿孔，用熱融膠將點火槍固定於孔內，點火槍頂端約在鐘
型瓶一半高度。

步驟二：試點燃點火槍，調整其火焰大小約 1.5 公分。

步驟三：在保鮮盒內放置玻璃片並加入 3.3 公分之水 (經測試，



此水位高度可不使氣體排出)。

步驟四：將未加塞之鐘型瓶置入水中，使瓶內及瓶外等壓。

步驟五：確定內外水位等高後，蓋上塞子，並在瓶口周圍抹上肥皂水後點火。

步驟六：觀察液面變化情形及燃燒時間並加以紀錄。

陸、結果與討論

一、悶熄蠟燭實驗中，影響水位上升的因素

(一)容器的影響

表一：不同容器對水位上升之比例關係

	鐘型瓶	廣口瓶	大試管	小試管
高度(cm)	13.5	15	20	32
內徑(cm)	8.9	7.5	4.1	2.1
體積(ml)	831.5	570	270	132.5
水位上升(cm)	1.3	2.5	4.2	12.1
上升體積(ml)	80.83	75	59.3	49.2
上升高度比例	1/10.4	1/6	1/4.8	1/2.6
上升體積比例	1/10.3	1/7.6	1/4.55	1/2.69

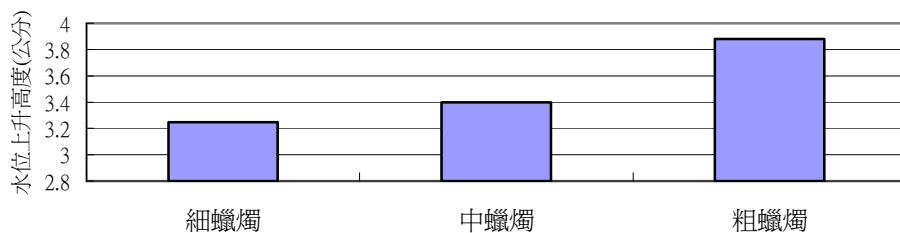
1.廣口瓶的形狀並不規則，在瓶口附近明顯較小且半徑並不固定，不適合以高度來表示水上升的體積；所以我們先求出水位上升的體積變化，再算出水位上升的比例。

2.我們發現細長型的容器，蠟燭沒於溶液中所佔體積比例會增大，造成上升比例越多。

(二)蠟燭粗細的影響

圖一：三種粗細不同的蠟燭對水位的變化。(大蠟燭直徑：1.88 公分，中蠟燭直徑：1.19 公分，小蠟燭直徑：0.88 公分)此圖為四次實驗之平均值。

蠟燭粗細對水位之影響

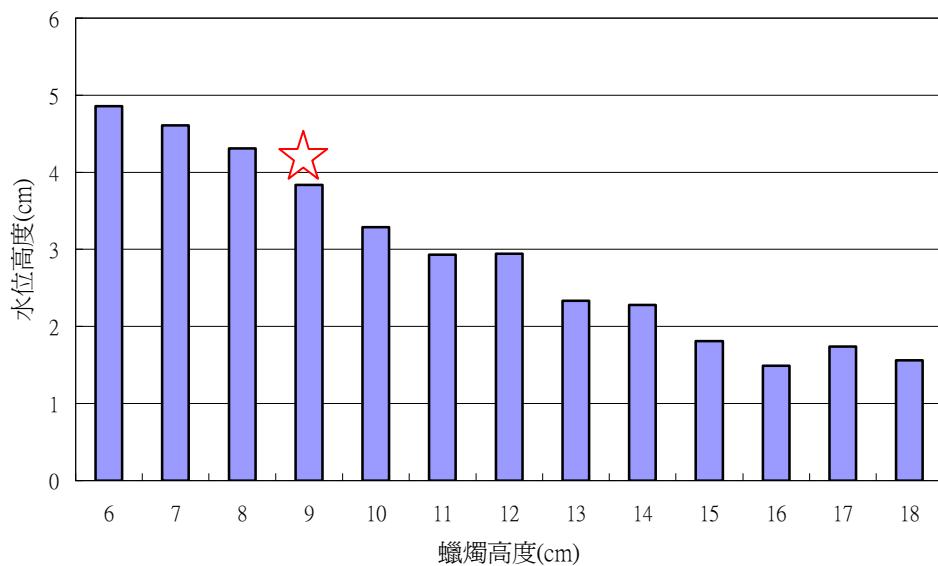


- 1.在悶熄蠟燭實驗過程中，蓋上容器後，火焰會有忽大忽小現象，尤其以細蠟燭的火焰變化次數最多，可能原因將於第〈八〉項水位上升方式之處討論。
- 2.因細蠟燭和中蠟燭的粗細沒有太大的差別，所以水位的變化差異不大。
- 3.粗蠟燭的水位上升最多，因為蠟燭沒於液體中所佔體積比例會增大。

(三)蠟燭長短的影響

圖二：取長度為 6~18 公分的蠟燭，自燃燒至悶熄之水位變化。此圖為 6 次實驗之平均值。

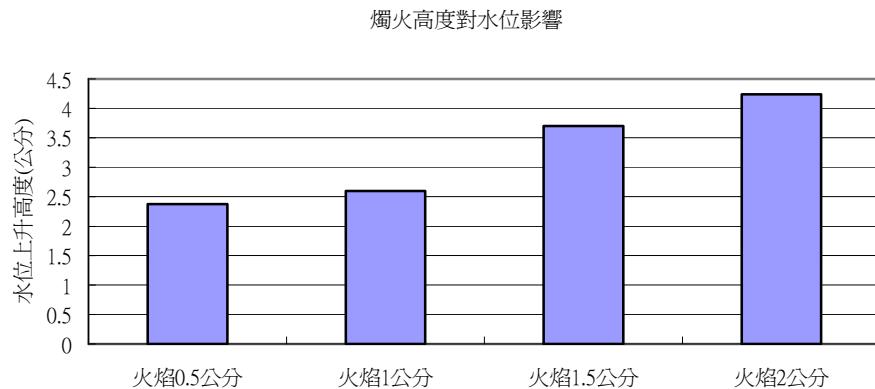
蠟燭長度對水位的影響



由實驗得知，蠟燭長度越短，水位上升越高。但於 9 公分以下發現：容器蓋上後會冒出大量氣泡。因此我們選擇 11 公分作為往後實驗的條件。

(四)火焰大小的影響

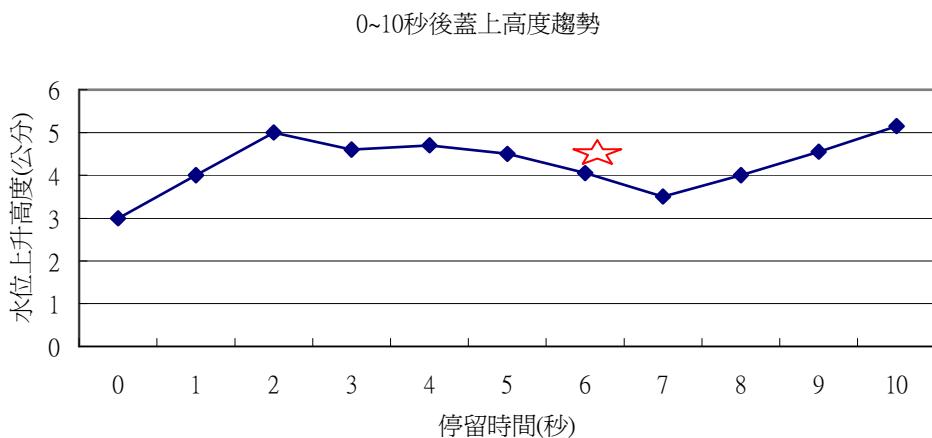
圖三：燃燒時火焰高度對水位之變化。此表為 6 次實驗之平均值。



火焰越大，水位上升越顯著，猜想是因燭火較慢熄滅、燃燒較旺盛，消耗較多的氧氣量，且瓶內溫度較高，熱脹現象明顯，水位上升越高。

(五)容器在火焰上停留時間的影響

圖四：試管口在火焰上方 1 公分處停留 0—10 秒後再蓋下。此圖為實驗 6 次之平均值。

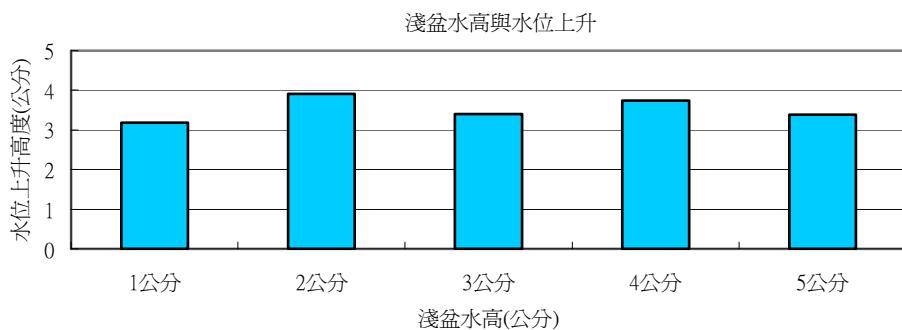


- 1.若停留時間在六秒以上，一蓋上大試管，火焰立刻熄滅。停留越久，氣體因熱膨脹逸出瓶外越多，試管內所剩氧氣量會越少，使管內燃燒時間變短，冷縮熱脹因素會較不顯著，不利於水位上升。
- 2.另一方面停留時間越久，試管內氣體溫度也會較高；火焰熄滅後，降溫收縮有利於水位上升。
- 3.因上述因素作用，使得結果未顯出一定趨勢，但我們發現水位有 2 公分範圍

內差異。而且一般蓋瓶子的速度約在 0~1 秒間，因此蓋瓶速度越慢水位越高。

(六)淺盆〈保鮮盒〉水位高低的影響

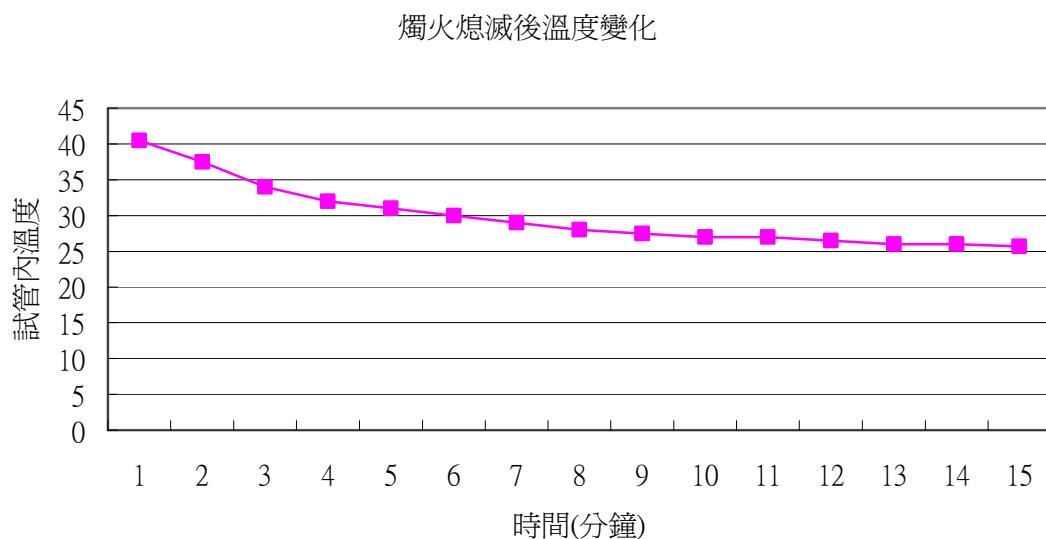
圖五：淺盆水位對水位上升高度的影響。此圖表為 4 次實驗之平均值。



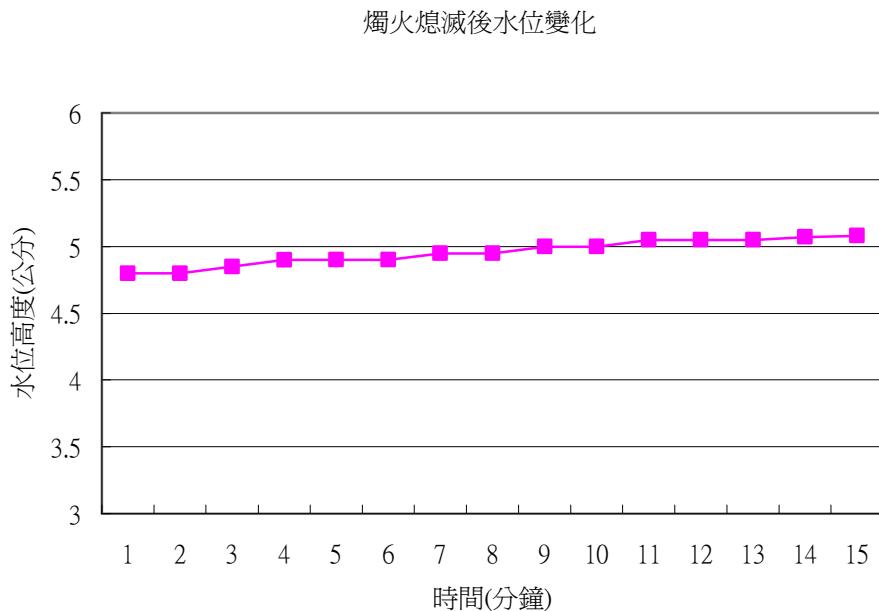
- 1.水位越高〈約 4 - 5 公分〉，有時管內水位上升高度會比保鮮盒內液面更低或相近，不易讀取。
- 2.水位越高，浮力越大，試管較易傾倒。
- 3.根據實驗結果發現，淺盆水位與瓶內液面高度未呈現出特定相關性，因此選擇 1cm 作為淺盆水位的高度。

(七)瓶內溫度的高低與水的液化情形

圖六：取一隻上方裝有溫度計的大試管，觀察 1~15 分鐘內溫度與時間的關係。



圖七：與圖六相對照，在相同時間內與水位高度之關係圖。



以下為利用 $PV=nRT$ 的計算，來證明水蒸氣應是在極短時間內液化：

- 溫度為 40°C 時，空氣柱體積為： $(20-4.8)\text{A}$
 $\rightarrow (1-0.0728) \times (20-4.8)\text{A} = nR \times 313$
- 溫度降至 25°C 時，空氣柱體積設為 $(20-X)\text{A}$
 $\rightarrow (1-0.0313) \times (20-X)\text{A} = nR \times 298$
- 將以上兩式相除，可得： $(0.9272 \times 15.2) \div [(0.9687 \times (20-X))] = 1.0503$

$$x = 6.1\text{ml}$$

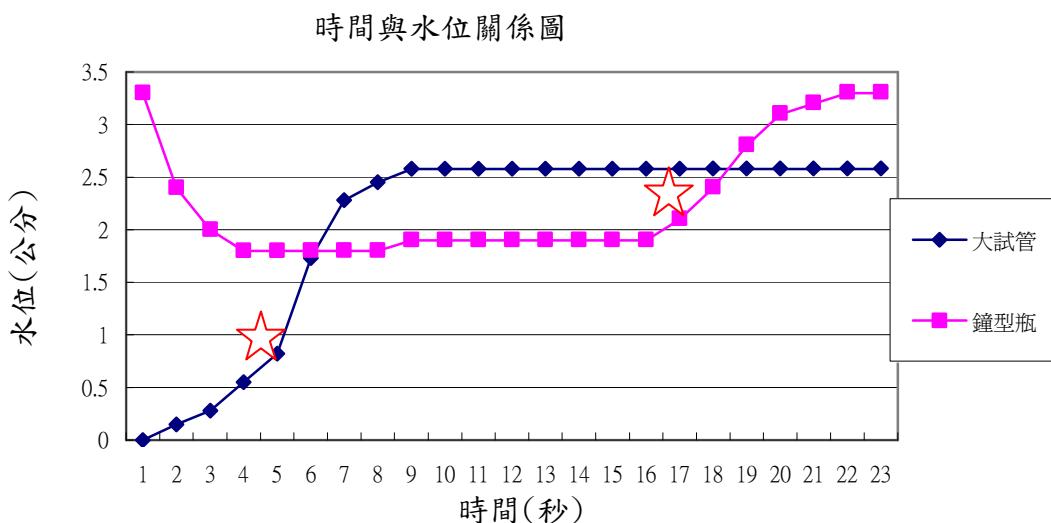
則表示：水位在溫度降至 25°C 時，應升至 6.1cm

- 與實驗結果比較：

由 $PV=nRT$ 的計算得知：當溫度由 40°C 降至 25°C 時，瓶內水位的高度應由 4.8 cm 升至 6.1 cm ，但實驗結果只上升至 5.08 cm ，猜測其中的原因可能是因真實氣體本身具有體積，造成氣體的收縮不如理想來得大；若考慮降溫和水蒸氣緩慢液化的效應，水位應有更明顯的變化，因此推論大部分水蒸氣應在 $0\sim 1$ 分鐘內，完全液化；並在往後的計算中，皆假設水蒸氣完全液化。

(八)容器內水位上升方式

圖八：自容器蓋上碰到液面至燭火熄滅後，水位高度隨時間變化之關係。(於第五秒時熄滅)此圖表為6次實驗之平均值。

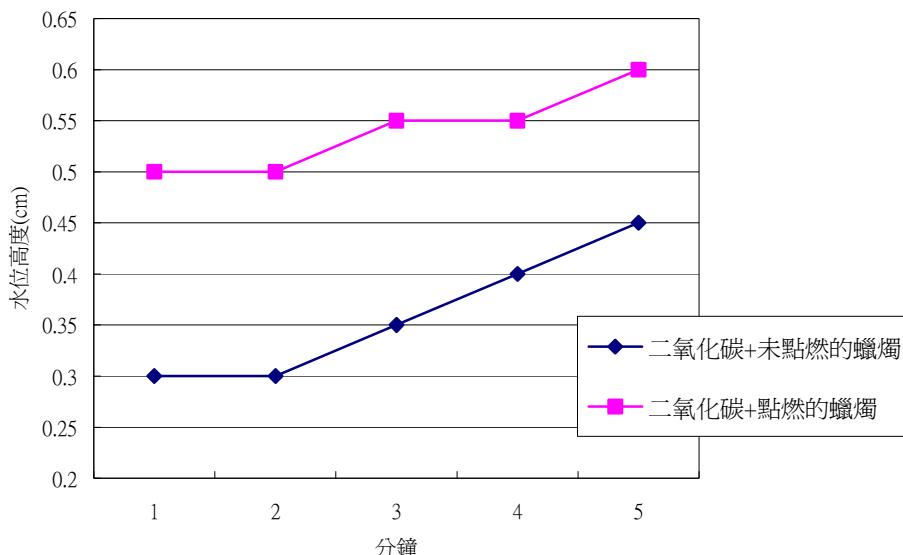


- 由大試管的實驗發現，在燭火未熄滅之前，水位有緩慢上升的趨勢，推測是因空氣中的氧氣被消耗掉所造成；至燭火熄滅後(約5秒時)，水位在2秒內迅速上升，應是氣體溫度驟降且水蒸氣快速凝結所造成。
- 在實驗過程中，我們觀察到燭火有忽明忽滅閃爍的現象，推測可能是氣體體積膨脹造成氣體排出，當瓶內氧氣濃度減少，燃燒現象變弱，造成大試管內溫度降低，壓力變小，因此將水吸入。水一旦吸入後，大試管內氣體體積變小，氧氣濃度稍增，所以燃燒現象增強，火焰也因此變大。至燭火熄滅後，大試管內溫度驟降，水位始再度快速上升。
- 因鐘型瓶是在密閉的情況下將火點燃，氣體被加熱壓力變大，造成水面下降。火焰約在17秒時熄滅，熄滅之前水位有些微的上升，但極不明顯；待火焰熄滅後，水位快速上升，但情形不如大試管那麼迅速，因鐘形瓶的截面積較大，殘留氣體較多，熱傳導所需時間較長，間接影響水汽液化的速度(約在5秒內完成)。
- 由此推論：溫度造成的效應(包括：在瓶子未蓋好前，氣體受熱逸出、降溫後，水蒸氣凝結)，是影響水位上升最重要的因素。

二、求出燃燒後瓶中氧氣殘留量

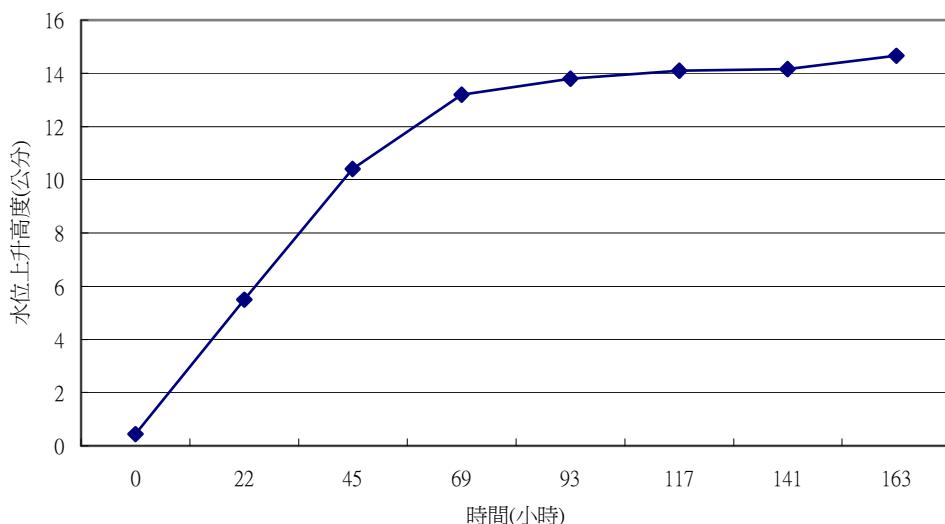
(一) 探討二氧化碳溶解達平衡的時間

圖九：將大試管內的氣體改以二氧化碳取代之，並比較在有燃燒和未燃燒的情況下，水位上升高度的情形。



圖十：將大試管內的氣體改以二氧化碳取代之，並比較在蠟燭有點燃和未點燃的情況下，以水位上升的高度來觀察二氧化碳溶解達平衡所需的時間。

二氣化碳空白實驗



- 用裝有 CO₂ 的容器去悶熄蠟燭，容器蓋入一半時，蠟燭即已熄滅。但仍有短暫加熱的時間，使得一些 CO₂ 受熱膨脹而逸出，故水位較未點燃蠟燭的實驗略高。
- 蠟燭熄滅後，過了五分鐘，水位高度約只上升 0.1 公分，由此實驗可知，純二氣化碳在短時間下溶解的量很少。因此，在往後的實驗計算中，皆排除二氣化碳對水的溶解之因素。

3.由實驗發現，二氣化碳溶解要達平衡，需要 90 個小時以上。若以長時間做觀測，二氣化碳的溶解不可忽略。

(二)偵測燃燒所消耗丁烷莫耳數

表二：使點火槍在不燃燒情況下放出丁烷 17 秒

(28°C 水的飽和蒸氣壓約=0.0366atm)⁽⁵⁾

次 數	第一次	第二次	第三次	第四次	第五次	平 均
水位變化(cm)	0.2	0.3	0.3	0.2	0.3	0.26
體積變化(mL)	12.4358	18.6540	18.6540	12.4358	18.6540	16.1668
丁烷莫耳數(mmol)	0.4854	0.7280	0.7280	0.4854	0.7280	0.6318

(三)比較沒有氣體進出及有氣體逸出時，燃燒後水位上升分率

表三：N.T.P 下，先蓋好鐘形瓶，再點燃點火槍 17 秒，水位變化關係如下：

次 數	第一次	第二次	第三次	第四次	平 均
高度變化(cm)	0.1500	0.1500	0.1500	0.1500	0.1500
體積變化(ml)	9.3270	9.3270	9.3270	9.3270	9.3270
上升分率	0.01498	0.01498	0.01498	0.01498	0.01498

表四：先點燃點火槍，再將鐘型瓶蓋上，水位變化關係如下：

次數	第一次	第二次	第三次	第四次	平均
高度變化(cm)	1.8000	2.0000	1.7000	1.8500	1.8375
體積變化(ml)	111.9237	124.3597	105.3027	115.3027	114.2555
上升分率	0.1797	0.1997	0.1697	0.1847	0.1835

比較表三與表四結果，發現在沒有氣體進出(表三)的情況下，水位變化非常不明顯(約為 1/67)，與有氣體進出(表四)的結果(約/15.4)相差甚多。更充分證明：在悶熄蠟燭實驗中，影響水位上升最主要的原因，應該是氣體受熱膨脹，被排出瓶外，使瓶內氣體莫耳數減少所致。

(四)推測燃燒後氧氣的殘留量：

在沒有氣體進出的情況下，假設：

1.丁烷完全燃燒

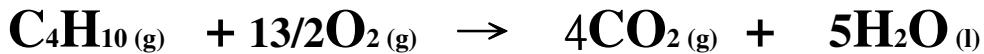
2.生成的 CO₂不溶於水中

3.水蒸氣全部液化

將表二及表三數據整理如下：

瓶內氣體總毫莫耳數	丁烷毫莫耳數	上升分率
24.3094	0.7280	0.0150

依丁烷燃燒的方程式：



反應前 0.7280 24.3094×1/5

=4.8619

反應後 -0.7280 ? 0.7280×4

0 2.9120

$$\Delta v / v = \Delta n / n = 0.0150 = (\text{消耗的 O}_2 + 2.9120) / 24.3094$$

$$\therefore \text{消耗 O}_2 = 2.5480 \text{mmol}$$

$$\text{剩餘 O}_2 \% = \{ [4.89619 - 2.5480] / 24.3094 \} \times 100\%$$

$$= 0.09518 \times 100\% = 9.52\%$$

這個實驗排除了人為操作速度以及氣體因熱脹冷縮而逸出的影響，在瓶內空氣維持定量的情形下進行。在實驗前我們推測，蠟燭燃燒其實並不會消耗所有的氧氣；經過計算後也證實，氧氣剩餘量約為空氣的 9.52%。此結果與文獻所提色譜分析結果(11%)相近。

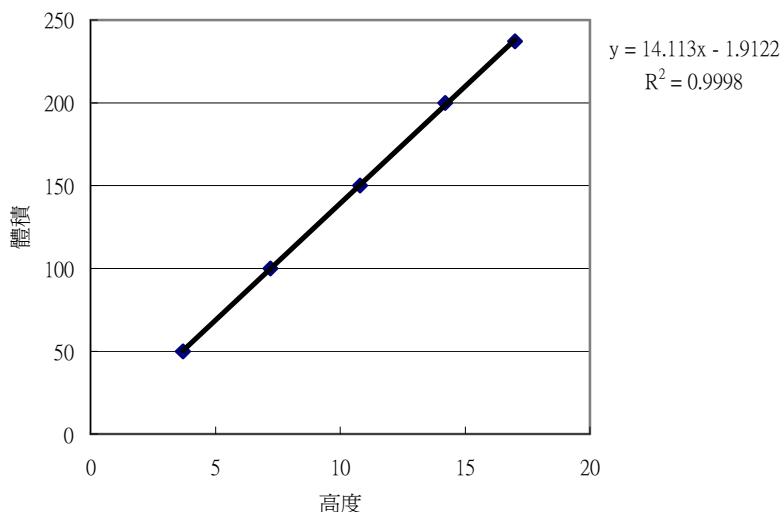
三、推測水位上升分率

(一)探討瓶內氣體的溫度

表五：以裝有空氣的大試管(頂端鑽孔插入溫度計，固定其約在離頂端 5 cm 處。)

項目 (含溫度計)	第一次	第二次	第三次	第四次	第五次	平均
溫度(°C)	44	44	49	45	45	45.4
上升高度(cm)	2.6	2.7	2.7	2.5	2.4	2.58
上升體積(ml)	34.7816	36.1929	36.1929	33.3703	31.9590	34.4993
上升分率	1/7.6	1/7.3	1/7.3	1/8	1/8.3	1/7.7

圖十一：大試管中水位高度和體積的換算表



- 1.因溫度計不能直接與火焰接觸，所以選擇空氣柱的一半作為測溫的位置，但此處所測到溫度必定小於火焰處；並將此溫度視為瓶內所有氣體溫度。
- 2.每次蓋下瓶子時，盡可能使溫度計在火焰正上方，因測得的溫度和其相對位置有極密切的關係。

(二)推測水位上升分率

根據實驗結果，我們做出下列假設：

- 1.水蒸氣完全液化
- 2.生成的 CO₂ 不溶於水中

3.瓶內最高溫為 45°C；且為均溫

(1)以下未考慮蠟燭體積造成的影響：

- 45°C 時，大試管中空氣的體積 = 265.5ml，

利用 $PV=nRT$: $(1-0.0946) \times 265.5 = n \times 0.082 \times 318$

求得大試管中，含空氣 = 9.2186mmol $O_2 = 1.8437\text{mmol}$

而燃燒完後 O_2 殘留量 = $9.2186 \times 9.52\% = 0.8776\text{mmol}$

即消耗 $O_2 = 0.9661\text{mmol}$

根據反應式： $C_nH_{2n+2} + \{(3n+1)/2\}O_2 \rightarrow nCO_2 + (n+1)H_2O$

可求出產生的 CO_2 約為： $0.9661 \times 2/3 = 0.6441\text{mmol}$

瓶內氣體的總毫莫耳數 = 空氣 - 消耗的 O_2 + 生成的 CO_2

$$= 9.2186 - 0.9661 + 0.6441 = 8.8966\text{mmol}$$

- 降至 25°C 時： $(1-0.0313)V = 8.8966 \times 0.082 \times 298$ $V = 226.2905\text{ml}$

最後求得水位上升體積分率 = $265.5 - 226.2905 / 265.5 = 0.1477$ ，約為 1/6.8

(2)以下為扣除蠟燭體積(23.5088ml)的結果

- 45°C 時，大試管中空氣的體積 = $(265.5 - 23.5088)\text{mL} = 241.9912\text{mL}$ ，

利用 $PV=nRT$: $(1-0.0946) \times (265.5 - 23.5088) = n \times 0.082 \times 318$

求得大試管中，含空氣 = 8.4023mmol $O_2 = 1.6805\text{mmol}$

而燃燒完後 O_2 殘留量 = $8.4023 \times 9.52\% = 0.7999\text{mmol}$

即消耗 $O_2 = 0.8806\text{mmol}$

根據反應式： $C_nH_{2n+2} + \{(3n+1)/2\}O_2 \rightarrow nCO_2 + (n+1)H_2O$

可求出產生的 CO_2 約為： $0.8806 \times 2/3 = 0.5871\text{mmol}$

瓶內的總毫莫耳數 = 空氣 - 消耗的 O_2 + 生成的 CO_2

$$= 8.4023 - 0.8806 + 0.5871$$

$$= 8.1088\text{mmol}$$

- 降至 25°C 時： $(1-0.0313)V = 8.1088 \times 0.082 \times 298$ $V = 204.5490\text{ml}$

最後求得水位上升分率 = $241.9912 - 204.5490 / 241.9912 = 0.1547$ ，

約為 1/6.5

→ 1.算出的水位上升分率，約為 1/6.5

2.由實驗得知的水位上升分率，約為 1/7.7 = 0.1299

3.誤差值： $\{(0.1299 - 0.1547) \div 0.1547\} = -16.03\%$

4. 討論造成誤差的原因:

- a. 在做實驗時，一定會有人為因素的影響，我們只能儘可能的將其控制到最小。
- b. 因大試管為瘦長型，蠟燭在中間燃燒，空氣對流旺盛，因此我們假設瓶內為均溫。但當容器愈大、愈寬時，瓶內各處的溫度差也越大，此假設顯得不合理。
- c. 由結果知，我們測得的上升分率較小，可能的原因為瓶內氣體受熱膨脹情形，不如 45°C 均溫下來的明顯。
- d. 因點火槍在大試管內點不著，而鐘形瓶截面積太大，不易觀察；因此，此處所用的氧氣殘留量，是將鐘型瓶的實驗所推導出來的數值，套用到大試管的實驗中，所以造成誤差。

柒、結論

一、影響水位上升的因素

- (一)不同容器、蠟燭的粗細、長短，火焰大小與容器在火焰上停留的時間，皆會影響液面上升高度。
- (二)除了氧氣被消耗造成水位上升外，瓶內氣體的溫度所造成的效應(包括：在瓶子未蓋好前，氣體受熱逸出；降溫後，水蒸氣凝結)，是影響水位上升最重要的因素。

二、推測出瓶中的氧氣殘留量約為 9.52% 。

三、求出水位上升分率約為 $1/6.5$ 。

捌、參考資料

- (1) 國民中學理化第一冊 國立編譯館
- (2) www.bud.org.tw/answer/0207/020749.htm
- (3) 色譜分析/北京大學化工系/番薯藤搜尋
- (4) <http://s3.ntptc.edu.tw/nature/Inetpub/Wwwroot/Dgnat/q4.html#D>
- (5) 最新大學化學/陳國成譯/大中國圖書

評 語

040204 高中組化學科 佳作

1/5 疑惑

本實驗樣品蠟燭之燃燒，除了一般探討氧氣外，尚兼顧 CO_2 與 H_2O 的影響，值得肯定。